

المستخلص

الهدف من هذه الاطروحة هو بناء اقواس كاملة في فضاءات اسقاطية ذات ثلاثة ابعاد $PG(3,q)$ حول حقل كالوا $GF(q)$ حيث ان $q = 2, 3, 5$ ، وكذلك تعيين سطوح ونقاط هذه الفضاءات.

القوس (k,n) في $PG(3,q)$ هو مجموعة من k من النقاط لا يوجد $1 + n$ منها تشترك بمستوي واحد.

القوس (k,n) يكون كاملاً اذا لم يكن محتوي في القوس $(k+1,n)$.

في هذا العمل تم بناء غطاء (k,r) و امتداد (k,ℓ) في الفضائين $PG(3,2)$ و $PG(3,3)$ ونجد ان اعظم غطاء $(k,2)$ ، والذي يدعى اهليلجي، موجود في $PG(3,2)$ عندما $k = 5$ وموجود في $PG(3,3)$ عندما $k = 8$. علاوة على ذلك نجد ان اعظم امتداد (k,ℓ) ، والذي يدعى ناشر، موجود في $PG(3,2)$ عندما $k = 5$ وانه موجود في $PG(3,3)$ عندما $k = 10$.

ABSTRACT

The purpose of this thesis is to construct surfaces and complete arcs in the projective 3 – space $PG(3,q)$ over Galois fields $GF(q)$, $q = 2, 3$ and 5.

$A(k,n)$ – arc in $PG(3,q)$ is a set of k points, no $n + 1$ of them are coplanar.

$A(k,n)$ – arc is complete if it is not contained in a $(k + 1, n)$ – arc.

In this work the (k,r) – caps and (k,ℓ) – spans are constructed in $PG(3,2)$ and $PG(3,3)$ and it is found that the maximum $(k,2)$ – cap, which is called an **ovaloid**, exists in $PG(3,2)$ when $k = 5$ and also exists in $PG(3,3)$ when $k = 8$. Moreover, the maximum (k,ℓ) – span, which is called a **spread**, is found to exist in $PG(3,2)$ when $k = 5$ and exists in $PG(3,3)$ when $k = 10$.